

Resolução da Atividade Principal - MAT8_19GRM04

Pedro está brincando de massinha. Com a massinha verde, fez um bloco retangular com 4 cm de largura, 6 cm de comprimento e 5 cm de altura. Em seguida, com a mesma massinha, fez outro bloco retangular, também com 5 cm de altura, mas com 2 cm de largura.

Quando terminou de brincar, Pedro guardou a massinha na caixa, que tem a forma de um cilindro amarelo. Na caixa, a massinha ficou no formato de um cilindro que também tem 5 cm de altura.

- Qual o comprimento do segundo bloco de massinha?
- Qual a área do círculo que forma a base do cilindro de massinha?
- Qual seria a área do círculo se ao colocar a massinha na caixa ela formasse um cilindro com 6 cm de altura?

Resolução

- Como a largura é metade e o volume é o mesmo, o comprimento tem de ser o dobro (12 cm).

Isso pode ser observado empiricamente (imaginando que o bloco foi cortado ao meio e as duas metades foram coladas no sentido do comprimento) ou algebricamente (considerando que $4 \times 6 \times 5 = 120$ e que $5 \times 2 \times [?] = 120$, o que leva a perceber que o valor faltante é $120 : 10 = 12$).

- Se o cilindro tem o mesmo volume e a mesma altura que os dois paralelepípedos, a área da base tem de ser a mesma.

Isso pode ser imaginado empiricamente (considerando-se que o formato foi apenas remodelado, sem alterar a quantidade de matéria) ou algebricamente, já que $V = \text{área da base} \times \text{altura}$.

Essa área pode ser obtida multiplicando-se $2 \times 12 = 24$ (pensando no segundo paralelepípedo) ou $4 \times 6 = 24$ (pensando no primeiro paralelepípedo).

- Como o volume é o mesmo ($V = 120 = 24 \times 5$), variar a altura altera a área da base. Sendo 6 cm a nova altura, temos $120 = 6 \times \text{nova área}$. Logo, a nova área é $120 : 6 = 20 \text{ cm}^2$.