

Atividade principal MAT8_09ALG10

Você é um bom detetive?

Nesta série de seis desafios vamos testar seus conhecimentos, sua concentração e habilidades matemáticas.

Neste jogo você deve desenvolver as expressões algébricas, e depois conferir com seus colegas. Quem tiver mais acertos será o campeão.

Vamos lá!!

| | |
|---|---|
| Desafio 1 | 4. $(r^2 + 2r - 3)$ |
| 4. $(r^2 + 2r - 3)$ | $4.r^2 + 4.2r - 4.3$ $4r^2 + 8r - 12$ |
| Desafio 2 | $(x + 7)(y - 3)$ |
| $(x + 7)(y - 3)$ | $x.y - 3.x + 7.y - 3.7$ $xy - 3x + 7y - 21$ |
| Desafio 3 | $(3b + 7)^2 + 2$ |
| $(3b + 7)^2 + 2$ | $(3b)^2 + 2.3b.7 + 7^2 + 2$ $9b^2 + 42b + 49 + 2$ $9b^2 + 42b + 51$ |
| Desafio 4 | $(9 - 2k)^2 + 6$ |
| $(9 - 2k)^2 + 6$ | $9^2 - 2.9.2k + (2k)^2 + 6$ $81 - 36k + 4k^2 + 6$ $4k^2 - 36k + 87$ |
| Desafio 5 | $7.(2a.2a - 2a.3 + 3.2a - 3.3)$ |
| $7.(2a + 3).(2a - 3)$ | $7.[(2a)^2 - 3^2]$ $7.(4a^2 - 9)$ $28a^2 - 63$ |
| Desafio 6 | |
| $(7m + 2n)^3 + (7m - 2n)^3$ | |
| $(7m)^3 + 3.(7m)^2.2n + 3.7m.(2n)^2 + (2n)^3 + (7m)^3 - 3.(7m)^2.2n + 3.7m.(2n)^2 - (2n)^3$ $(7m)^3 + (7m)^3 + 3.(7m)^2.2n - 3.(7m)^2.2n + 3.7m.(2n)^2 + 3.7m.(2n)^2 + (2n)^3 - (2n)^3$ $343m^3 + 343m^3 + 84mn^2 + 84mn^2$ $686m^3 + 168mn^2$ | |

Resolução:

Ao resolver os desafios, o aluno desenvolve as expressões algébricas, operacionando os polinômios. Deve notar que as expressões algébricas podem ser escritas de formas variadas, e apesar de aparentemente diferentes, essas expressões algébricas são equivalentes.

Marque na tabela a seguir O para acertos e X para os erros:

| Desafio 1 | | Desafio 2 | | Desafio 3 | | Desafio 4 | | Desafio 5 | | Desafio 6 | |
|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|---|
| O | X | O | X | O | X | O | X | O | X | O | X |

Nesta tabela o aluno anota seus erros e acertos, em relação às expressões algébricas anteriores.

Para desenvolver as expressões algébricas dos desafios anteriores, você utilizou seus conhecimentos de:

- Propriedade distributiva da multiplicação em relação à adição;
- Quadrado da Soma;
- Quadrado da Diferença;
- Diferença de dois Quadrados;
- Cubo da Soma;
- Cubo da Diferença.

Você consegue generalizar a expressão algébrica desenvolvida de cada desses conceitos?

Solução:

O aluno deve notar que as expressões algébricas podem ser escritas de formas variadas, e apesar de aparentemente diferentes, essas expressões algébricas são equivalentes.

- Propriedade distributiva da multiplicação em relação à adição

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|---|
| $a \cdot (b + c)$ | $a \cdot b + a \cdot c$ |
| $(a + b) \cdot (c + d)$ | $a \cdot c + a \cdot d + b \cdot c + b \cdot d$ |

- Quadrado da Soma

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|----------------------------------|
| $(a + b)^2$ | $a^2 + 2ab + b^2$ |

- Quadrado da Diferença

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|----------------------------------|
| $(a - b)^2$ | $a^2 - 2ab + b^2$ |

- Diferença de dois Quadrados

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|----------------------------------|
| $(a + b).(a - b)$ | $a^2 - b^2$ |

- Cubo da Soma

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|----------------------------------|
| $(a + b)^3$ | $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ |

- Cubo da Diferença

| Expressão algébrica reduzida | Expressão algébrica desenvolvida |
|------------------------------|----------------------------------|
| $(a + b)^3$ | $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ |

Resolução:

Generalizamos a expressão, pois ao utilizarmos a linguagem algébrica podemos representar as conjecturas e justificando a sua validade para qualquer número.

Ao abstrair e generalizar a expressão, desenvolvemos capacidades relacionadas ao pensamento algébrico. É interessante estimular os alunos a linguagem algébrica, pois assim podem expressar generalizações ou propriedades.

Seria interessante notar que ao resolver a atividade, o aluno estabelece relações com conteúdos anteriores como decomposição de um número em fatores primos, potências e operações com polinômios.