

Resolução da Atividade Principal - MAT8_02NUM03

Resolva as expressões abaixo, explicando passo a passo a sua solução.

$$\text{a) } 4^2 - \frac{16 \times 2^{-4}}{2 \times 2^3 \times 2^{-2}}$$

Resolução:

Há diferentes formas de resolver estas expressões, vejamos uma delas.

Começando por $\frac{16 \times 2^{-4}}{2 \times 2^3 \times 2^{-2}}$:

Numerador:

$$16 = 2^4$$

$$2^4 \times 2^{-4} = 1$$

Denominador:

$$2 \times 2^3 = 2^{1+3} = 2^4$$

$$2^4 \times 2^{-2} = 2^{4+(-2)} = 2^{4-2} = 2^2 = 4$$

Com isso, chegamos em:

$$4^2 - \frac{1}{4} = 16 - 0,25 = 15,75 \text{ ou } 4^2 - \frac{1}{4} = 16/1 - \frac{1}{4} = 64/4 - \frac{1}{4} = 63/4.$$

Há outras maneiras de resolver utilizando propriedades de potência para simplificar os cálculos.

$$\text{b) } \frac{9 \times 2^{-2}}{3^2 \div 4}$$

Resolução:

Uma maneira é escrevermos $2^{-2} = \frac{1}{4}$ e fazermos $3^2 \div 4$ como $\frac{9}{4}$. Desta forma, chegaríamos em:

$$\frac{9 \times \frac{1}{4}}{\frac{9}{4}} = \frac{9/4}{9/4} = 1.$$

Outras maneira é notar que uma divisão no denominador pode ser vista como uma multiplicação no numerador. Mas neste caso, é mais um exercício de observação. Reescrevendo a expressão usando potências fica:

$$\frac{9 \times 2^{-2}}{3^2 \div 2^2} = \frac{3^2 \times 2^{-2}}{3^2 \times 2^{-2}} = 1.$$

Pode-se notar que o numerador é igual ao denominador. É como um número dividido por ele mesmo, o resultado é 1.